

Blatt 2

Aufgabe 1

Schreibe eine Funktion f mit

$$f(x) = \begin{cases} -\sin(x), & x < 0 \\ x^2, & 0 \leq x < 1 \\ 1/x, & x \geq 1 \end{cases}$$

Plotte f für $x \in [-\frac{\pi}{2}, \pi]$.

Aufgabe 2

Plotte die Funktion $f(x, y) = 9 - x^2 - y^2$ für $x, y \in [-1, 1]$.

Aufgabe 3

Plotte die Funktionen $g(x, y) = \sin(xy)$ und $h(x, y) = \cos(x + y) - 2$ in eine Skizze für $x, y \in [-1, 1]$.

Aufgabe 4

Für eine Riemann-integrierbare Funktion $f : [a, b] \rightarrow \mathbb{R}$ gilt

$$\int_a^b f(x) dx \approx \sum_{i=0}^{n-1} f(x_i) \frac{b-a}{n},$$

wobei $x_i := a + i(b-a)/n$. Schreibe eine Funktion `integriere(@f,a,b,n)`, die das Integral in obigem Sinne approximiert. Teste die Funktion für $f = \sin$, $a = 0, b = \pi$ und $n = 10, 20, \dots, 1000$ und plotte den Fehler

$$\left| \text{integriere}(@\sin, 0, \pi, n) - \int_0^\pi \sin(x) dx \right|$$

gegen n .

Aufgabe 5

Schreibe eine Funktion `matrixmult(A,B)`, die die Matrizenmultiplikation auf naive Weise durchführt (mit 3 Schleifen).

Aufgabe 6

Vergleiche mittels `tic()` und `toc` die Laufzeiten von `matrixmult` und der in MATLAB implementierten Matrixmultiplikation `*` für einfache Matrizen der Größe $2^i \times 2^i$ mit $i = 4, \dots, 9$.